

## Mathématiques Activité Informatique Le triangle

- 1. Démarrer GeoGebra (<u>www.geogebra.org</u>).
- 2. En vous servant du bouton , dessiner un triangle ABC quelconque.
- 3. A l'aide du bouton Bissectrice, tracer les bissectrices des trois angles du triangle.

## Q1: Que remarque-t-on?

Les trois bissectrices du triangle se coupent en un seul point (elles sont concourantes).

4. Déplacer les sommets du triangle.

## Q2 : La remarque précédente reste-t-elle vraie ? Oui

- 5. A l'aide du bouton Cercle (centre-point), dessiner un cercle. Renommer I le centre du cercle.
- 6. En déplaçant le centre du cercle et le point sur le cercle, placer ce cercle à l'intérieur du triangle de telle sorte qu'il touche les <u>trois</u> côtés du triangle.

Q3 : Où se trouve alors le centre du cercle ? Le centre du cercle se trouve sur le point de concours des bissectrices.

Ce cercle s'appelle le cercle inscrit dans le triangle ABC.

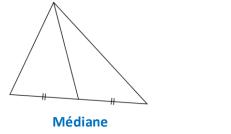
## Q4 : Le cercle inscrit dans un triangle est le plus grand cercle qui est contenu entièrement dans le triangle.

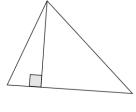
- 7. Masquer les trois bissectrices mais ne pas masquer le point I. Masquer également le point sur le cercle.
- 8. A l'aide du bouton Médiatrice, tracer les médiatrices des trois côtés du triangle.

Q5 : Le point de concours des médiatrices est le centre du cercle circonscrit au triangle (le plus petit cercle qui contient le triangle).

- 9. Appeler ce point O.
- 10. Masquer les médiatrices mais ne pas masquer le point O.

Q6 : Ecrire « Médiane » sous le triangle où est dessinée une médiane et « Hauteur » sous le triangle où est dessinée une hauteur :





Hauteur

11. Tracer les trois médianes du triangle et nommer G leur point de concours.

Q7 : Le point de concours des médianes s'appelle le centre de gravité. Vous pouvez rechercher le nom sur Internet.

- 12. Masquer les trois médianes mais pas le point G.
- 13. Tracer les trois hauteurs du triangle et nommer H leur point de concours.

Q8 : Le point de concours des hauteurs s'appelle l'orthocentre.

Vous pouvez rechercher le nom sur Internet.

14. Masquer les trois hauteurs mais pas le point H.

Q9 : Lesquels des quatre points G, H, I et O semblent alignés ? G, H et O Cela change-t-il lorsque l'on déplace les sommets du triangle ? Non La droite sur laquelle ces trois points sont alignés s'appelle droite d'Euler.

15. Déplacer les sommets A, B et/ou C du triangle de sorte que deux des quatre points G, H, I et O se trouvent au même endroit (confondus).

Q10: Est-il possible que seulement deux de ces points soient confondus? Non. Soit les quatre points sont confondus, soit ils sont tous distincts.

Q11: Quelle semble être la nature du triangle ABC dans ce cas ? (Vérifier avec les longueurs des côtés dans la fenêtre Algèbre.) Le triangle ABC semble équilatéral (on peut démontrer qu'il est vraiment équilatéral).